

# Surface d'énergie potentielle

## Historique

Eyring et Polanyi ont publié en 1931 l'article [On Simple Gas Reactions](#) dans lequel ils décrivent les trajets des atomes dans la réaction  $H_2 + H \rightarrow H + H_2$  (échange d'atomes). Ces travaux aboutiront au développement des notions de [complexe activé](#) (activated complex) ou [état de transition](#) (transition state).

## Représentation graphique

L'article "[On a New Method of Drawing the Potential Energy Surface](#)" (Shin Sato, J. Chem. Phys. 23, 592, 1955) présente une simplification relativement facile à mettre en oeuvre dans le cas où les 3 atomes d'hydrogène sont alignés.

Des expressions analytiques sont proposées pour un état d'énergie liant et un état d'énergie non-liant :

- $E_{\text{bond}} = D_e [\exp(-2\beta(r-r_e)) - 2\exp(-\beta(r-r_e))]$
- $E_{\text{ant}} = \frac{D_e}{2} [\exp(-2\beta(r-r_e)) + 2\exp(-\beta(r-r_e))]$

$r_e$  est la distance interatomique d'équilibre de  $H_2$ ,  $D_e$  la profondeur du puits de potentiel et  $\beta$  un paramètre pour ajuster sa largeur (voir le [Potentiel de Morse](#), et l'approximation harmonique).

Pour 2 atomes d'hydrogène A et B, une approximation est :

- $E_{\text{bond}} = \frac{Q_{AB} + \alpha_{AB}}{1 + S^2_{AB}} = \frac{Q_{AB} + \alpha_{AB}}{1 + k}$
- $E_{\text{ant}} = \frac{Q_{AB} - \alpha_{AB}}{1 - S^2_{AB}} = \frac{Q_{AB} - \alpha_{AB}}{1 - k}$

Où  $k = S^2_{AB}$  et  $Q_{AB}$ ,  $\alpha_{AB}$  et  $S_{AB}$  sont respectivement les intégrales de coulomb, d'échange et de recouvrement, toutes fonctions de la distance  $r_{AB}$  entre les atomes A et B.

La solution proposée par Sato pour 3 atomes A, B, C, avec l'hypothèse  $S^2_{AB} = S^2_{BC} = S^2_{CA} = k$  est :

- $E = \frac{1}{1+k} [Q_{AB} + Q_{BC} + Q_{CA} - \sqrt{\frac{2}{1}[(\alpha_{AB} - \alpha_{BC})^2 + (\alpha_{BC} - \alpha_{CA})^2 + (\alpha_{CA} - \alpha_{AB})^2]}]$

On obtient facilement  $Q_{AB}$  et  $\alpha_{AB}$  :

- $Q_{AB} = ((1+k)E_{\text{bond}} + (1-k)E_{\text{ant}}) / 2$
- $\alpha_{AB} = ((1+k)E_{\text{bond}} - (1-k)E_{\text{ant}}) / 2$

Sato présente des PES avec l'hypothèse  $k = 0.18$  pour des distances jusque 0.5 nm.

## Programme

```
<sxh python; title : PES-contour-01.py> #!/usr/bin/env python # -*- coding: utf-8 -*- """ Tracés de
lignes de niveau ou isolignes Application : Potentiel Energy Surface de la réaction H + H2 -> H2 + H
```

"" # ref : <http://bulldog2.redlands.edu/facultyfolder/deweerd/tutorials/Tutorial-ContourPlot.pdf>

```
import matplotlib.pyplot as plt # directive d'importation standard de Matplotlib import numpy as np # directive d'importation standard de numpy from mpl_toolkits.mplot3d import Axes3D # Axes3D
```

```
def Ebond(rAB):
```

```
    return D_e * (np.exp(-2.*beta*(rAB-r_e)) - 2.*np.exp(-beta*(rAB-r_e)))
```

```
def Eant(rAB):
```

```
    return 0.5 * D_e * (np.exp(-2.*beta*(rAB-r_e)) + 2.*np.exp(-beta*(rAB-r_e)))
```

```
def Q(rAB):
```

```
    return 0.5 * ((1.+k)*Ebond(rAB) + (1.-k)*Eant(rAB))
```

```
def a(rAB):
```

```
    return 0.5 * ((1.+k)*Ebond(rAB) - (1.-k)*Eant(rAB))
```

```
beta=19.3E-3 # pm-1 r_e=74.1 # pm D_e = .76 # E-18 J k=0.18 rmin=10. rmax=400. num=100
x_1d = np.linspace(rmin,rmax, num) print x_1d.shape, x_1d.dtype, x_1d.ndim y_1d =
np.linspace(rmin,rmax, num) print y_1d.shape, y_1d.dtype, y_1d.ndim X, Y = np.meshgrid(x_1d, y_1d)
print X.shape, X.dtype, X.ndim, Y.shape, Y.dtype, Y.ndim E=(Q(X)+Q(Y)+Q(X+Y)-
np.sqrt(2.*12.+(a(Y)-a(X+Y))2+(a(X+Y)-a(X))2))/((1.+k) print np.min(E) #valeur minimale de E
```

```
fig = plt.figure(figsize=(12, 12), dpi=80) ax = fig.add_subplot(111) # cf.
```

```
http://stackoverflow.com/questions/7965743/how-can-i-set-the-aspect-ratio-in-matplotlib
```

```
ax.set_aspect("equal") levels = np.linspace(-1.7, 1.0, 53) CS1 = plt.contour(X, Y, E, levels, colors='k')
```

```
plt.clabel(CS1, colors = 'k', fmt = '%2.2f', fontsize=14) CS2 = plt.contourf(X, Y, E, levels)
```

```
#plt.colorbar(CS2) # visualisation éventuelle de l'échelle de couleur
```

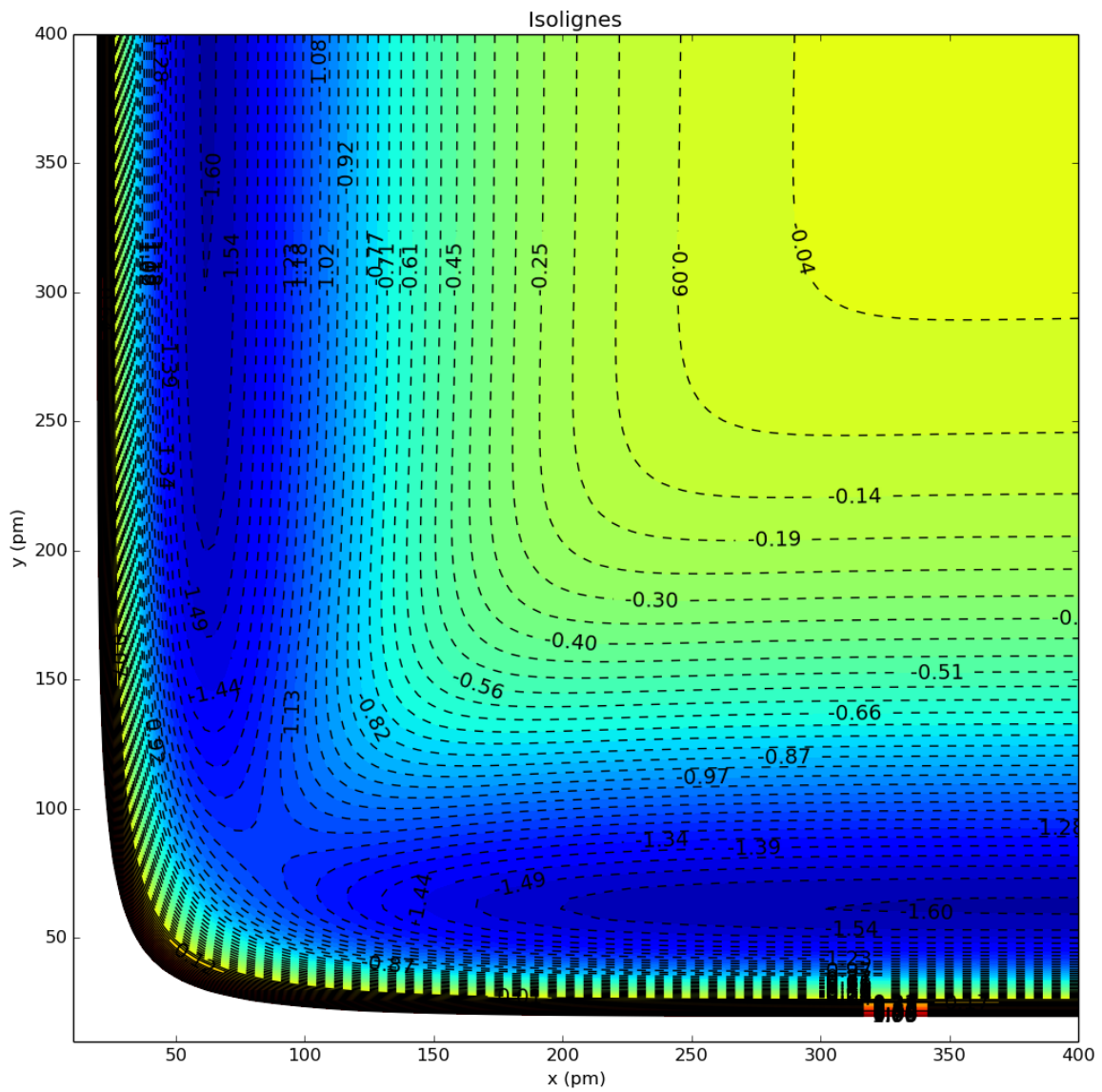
```
plt.title('Isolignes') plt.xlabel('x (pm)') plt.ylabel('y (pm)')
```

```
fig = plt.figure(2,figsize=(15, 15)) ax = Axes3D(fig) ax.plot_surface(X,Y,E, rstride=1,cstride=1
, cmap=plt.cm.jet) ax.set_xlabel('X') ax.set_ylabel('Y') ax.set_zlabel('E') plt.show() </sxh>
```

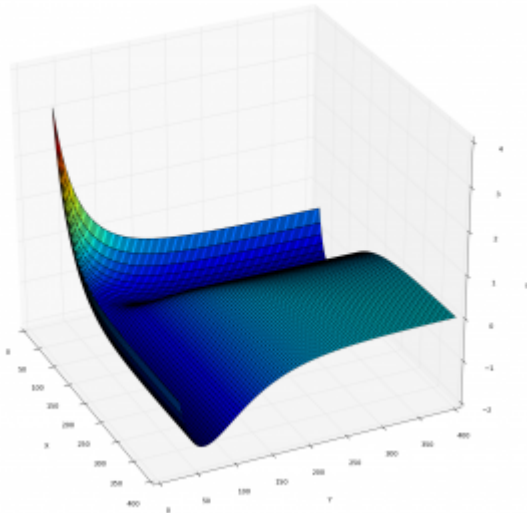
Avec les paramètres essayés, la valeur minimale de E est environ -1.603

## Sorties graphiques

### Lignes de contour



### Surface 3D



## Références

- [http://staff.um.edu.mt/jgri1/teaching/che2372/notes/10\\_st/04/v\\_surfaces.html](http://staff.um.edu.mt/jgri1/teaching/che2372/notes/10_st/04/v_surfaces.html)
- exemple de figure dans un article
- <http://www.wag.caltech.edu/home/jsu/Summary/GroundStateExamples.html> (réaction  $H_2 + H$ )
- [http://fr.wikipedia.org/wiki/Surface\\_d%27%C3%A9nergie\\_potentielle](http://fr.wikipedia.org/wiki/Surface_d%27%C3%A9nergie_potentielle)
- [http://en.wikipedia.org/wiki/Potential\\_energy\\_surface](http://en.wikipedia.org/wiki/Potential_energy_surface)
- <http://www.personal.psu.edu/jba/publications/articles/23.pdf> ( $HF + H \rightarrow H_2 + F$ )
- On a New Method of Drawing the Potential Energy Surface, Shin Sato, J. Chem. Phys. 23, 592 (1955)
- Introduction to potential energy surfaces and graphical interpretation, Ralph Jaquet (2002)
- QUANTENMECHANISCHE DEUTUNG DES VORGANGS DER AKTIVIERUNG F. London Zeitschrift für Elektrochemie und angewandte physikalische Chemie. Volume 35, Issue 9, pages 552-555, September 1929
- Computational Chemistry Universitu Minesota, vidéos,...
- W H Miller, Recent Advances in Quantum Mechanical Reactive Scattering Theory, Including Comparison of Recent Experiments with Rigorous Calculations of State-to-State Cross Sections for the  $H/D+H_2 \rightarrow H_2/HD+H$  Reactions, Annual Review of Physical Chemistry, Vol. 41: 245-281 (Volume publication date October 1990) DOI: 10.1146/annurev.pc.41.100190.001333
- Peterson, Kirk A., Woon, David E., Dunning, Thom H. , Benchmark calculations with correlated molecular wave functions. IV. The classical barrier height of the  $H+H_2 \rightarrow H_2+H$  reaction, Journal of Chemical Physics. 5/15/1994, Vol. 100 Issue 10, p7410

Voir aussi :

- <http://chemistry.stackexchange.com/questions/47665/ballistic-behavior-of-molecules-on-potential-energy-surfaces>
- <http://chemistry.stackexchange.com/questions/50253/compute-minimum-energy-paths-from-arbitrary-positions-on-the-potential-energy-su>

1)

a(X)-a(Y)

From:  
<https://dvillers.umons.ac.be/wiki/> - **Didier Villers, UMONS - wiki**

Permanent link:  
[https://dvillers.umons.ac.be/wiki/teaching:progappchim:matplotlib\\_gallery:potentiel\\_energy\\_surface?rev=1462885327](https://dvillers.umons.ac.be/wiki/teaching:progappchim:matplotlib_gallery:potentiel_energy_surface?rev=1462885327)

Last update: **2016/05/10 15:02**

