

Surface d'énergie potentielle

Historique

Eyring et Polanyi ont publié en 1931 l'article [On Simple Gas Reactions](#) dans lequel ils décrivent les trajets des atomes dans la réaction $H_2 + H \rightarrow H + H_2$ (échange d'atomes). Ces travaux aboutiront au développement des notions de [complexe activé](#) (activated complex) ou [état de transition](#) (transition state).

Représentation graphique

L'article "[On a New Method of Drawing the Potential Energy Surface](#)" (Shin Sato, J. Chem. Phys. 23, 592, 1955) présente une simplification relativement facile à mettre en oeuvre dans le cas où les 3 atomes d'hydrogène sont alignés.

Des expressions analytiques sont proposées pour un état d'énergie liant et un état d'énergie non-liant :

- $E_{\text{bond}} = D_e [\exp(-2\beta(r-r_e)) - 2\exp(-\beta(r-r_e))]$
- $E_{\text{ant}} = \frac{D_e}{2} [\exp(-2\beta(r-r_e)) + 2\exp(-\beta(r-r_e))]$

r_e est la distance interatomique d'équilibre de H_2 , D_e la profondeur du puits de potentiel et β un paramètre pour ajuster sa largeur (voir le [Potentiel de Morse](#), et l'approximation harmonique).

Pour 2 atomes d'hydrogène A et B, une approximation est :

- $E_{\text{bond}} = \frac{Q_{AB} + \alpha_{AB}}{1 + S^2_{AB}} = \frac{Q_{AB} + \alpha_{AB}}{1 + k}$
- $E_{\text{ant}} = \frac{Q_{AB} - \alpha_{AB}}{1 - S^2_{AB}} = \frac{Q_{AB} - \alpha_{AB}}{1 - k}$

Où $k = S^2_{AB}$ et Q_{AB} , α_{AB} et S_{AB} sont respectivement les intégrales de coulomb, d'échange et de recouvrement, toutes fonctions de la distance r_{AB} entre les atomes A et B.

La solution proposée par Sato pour 3 atomes A, B, C, avec l'hypothèse $S^2_{AB} = S^2_{BC} = S^2_{CA} = k$ est :

- $E = \frac{1}{1+k} \{ Q_{AB} + Q_{BC} + Q_{CA} - \sqrt{\frac{2}{1} [(\alpha_{AB} - \alpha_{BC})^2 + (\alpha_{BC} - \alpha_{CA})^2 + (\alpha_{CA} - \alpha_{AB})^2]} \}$

On obtient facilement Q_{AB} et α_{AB} :

- $Q_{AB} = ((1+k)E_{\text{bond}} + (1-k)E_{\text{ant}}) / 2$
- $\alpha_{AB} = ((1+k)E_{\text{bond}} - (1-k)E_{\text{ant}}) / 2$

Sato présente des PES avec l'hypothèse $k = 0.18$ pour des distances jusque 0.5 nm.

Programme

```
<sxh python; title : PES-contour-01.py> #!/usr/bin/env python # -*- coding: utf-8 -*- """ Tracés de
lignes de niveau ou isolignes Application : Potentiel Energy Surface de la réaction H + H2 -> H2 + H

""" # ref : http://bulldog2.redlands.edu/facultyfolder/deweerd/tutorials/Tutorial-ContourPlot.pdf

import matplotlib.pyplot as plt # directive d'importation standard de Matplotlib import numpy as np #
directive d'importation standard de numpy from mpl_toolkits.mplot3d import Axes3D # Axes3D

def Ebond(rAB):

    return D_e * (np.exp(-2.*beta*(rAB-r_e)) - 2.*np.exp(-beta*(rAB-r_e)))

def Eant(rAB):

    return 0.5 * D_e * (np.exp(-2.*beta*(rAB-r_e)) + 2.*np.exp(-beta*(rAB-r_e)))

def Q(rAB):

    return 0.5 * ((1.+k)*Ebond(rAB) + (1.-k)*Eant(rAB))

def a(rAB):

    return 0.5 * ((1.+k)*Ebond(rAB) - (1.-k)*Eant(rAB))

beta=19.3E-3 # pm-1 r_e=74.1 # pm D_e = .76 # E-18 J k=0.18 rmin=10. rmax=400. num=100
x_1d = np.linspace(rmin,rmax, num) print x_1d.shape, x_1d.dtype, x_1d.ndim y_1d =
np.linspace(rmin,rmax, num) print y_1d.shape, y_1d.dtype, y_1d.ndim X, Y = np.meshgrid(x_1d, y_1d)
print X.shape, X.dtype, X.ndim, Y.shape, Y.dtype, Y.ndim E=(Q(X)+Q(Y)+Q(X+Y)-
np.sqrt(2.*12.+(a(Y)-a(X+Y))2+(a(X+Y)-a(X))2))/((1.+k) print np.min(E) #valeur minimale de E

fig = plt.figure(figsize=(12, 12), dpi=80) ax = fig.add_subplot(111) # cf.
http://stackoverflow.com/questions/7965743/how-can-i-set-the-aspect-ratio-in-matplotlib
ax.set_aspect("equal") levels = np.linspace(-1.7, 1.0, 53) CS1 = plt.contour(X, Y, E, levels, colors='k')
plt.clabel(CS1, colors = 'k', fmt = '%2.2f', fontsize=14) CS2 = plt.contourf(X, Y, E, levels)
#plt.colorbar(CS2) # visualisation éventuelle de l'échelle de couleur

plt.title('Isolignes') plt.xlabel('x (pm)') plt.ylabel('y (pm)')

fig = plt.figure(2,figsize=(15, 15)) ax = Axes3D(fig) ax.plot_surface(X,Y,E, rstride=1,cstride=1
,cmap=plt.cm.jet) ax.set_xlabel('X') ax.set_ylabel('Y') ax.set_zlabel('E') plt.show() </sxh>
```

Avec les paramètres essayés, la valeur minimale de E est environ -1.603

Sorties graphiques

Lignes de contour



Surface 3D



Références

- http://staff.um.edu.mt/jgri1/teaching/che2372/notes/10_st/04/v_surfaces.html
- exemple de figure dans un article
- <http://www.wag.caltech.edu/home/jsu/Summary/GroundStateExamples.html> (réaction $H_2 + H$)
- http://fr.wikipedia.org/wiki/Surface_d%27%C3%A9nergie_potentielle
- http://en.wikipedia.org/wiki/Potential_energy_surface
- <http://www.personal.psu.edu/jba/publications/articles/23.pdf> ($HF + H \rightarrow H_2 + F$)
- On a New Method of Drawing the Potential Energy Surface, Shin Sato, J. Chem. Phys. 23, 592 (1955)
- [Introduction to potential energy surfaces and graphical interpretation](#), Ralph Jaquet (2002)

1)

a(X)-a(Y)

From:
<https://dvillers.umons.ac.be/wiki/> - **Didier Villers, UMONS - wiki**

Permanent link:
https://dvillers.umons.ac.be/wiki/teaching:progappchim:matplotlib_gallery:potentiel_energy_surface?rev=1431077526

Last update: **2015/05/08 11:32**

