

Représentation du potentiel de Lennard-Jones

L'utilisation de fonctions en python permet de nombreuses applications par la création de graphiques. En utilisant la "bibliothèque matplotlib/pylab", vous pourrez donc aisément créer des graphes de fonction.

Exemple du [potentiel de Lennard-Jones](#) de l'argon :

$$V_{LJ} = 4\varepsilon \left[\left(\frac{\sigma}{r} \right)^{12} - \left(\frac{\sigma}{r} \right)^6 \right]$$

$$\left[\left(\frac{r_m}{r} \right)^{12} - 2 \left(\frac{r_m}{r} \right)^6 \right]$$

où σ est la distance à laquelle le potentiel entre les particules s'annule et ε est l'énergie du puits de potentiel d'interaction. La distance r_m à laquelle le potentiel a cette valeur minimale (pour une interaction entre seulement deux atomes) est reliée à σ par la relation suivante : $r_m = 2^{1/6} \sigma$

```
<sxh python; title : Lennard-Jones-01.py> #!/usr/bin/env python # -*- coding: utf-8 -*- """
Représentation du potentiel de Lennard-Jones Argon :  $\sigma = 3.405 \text{ \AA}$ ,  $\varepsilon/k_B = 118.2 \text{ K}$   $k_B = 1.3806488(13) \times 10^{-23} \text{ J}$  ->  $\varepsilon = 1.632 \cdot 10^{-21} \text{ J}$  """
from pylab import * def f@: sigma=3.405
#angstrom ! epsilon=1.632 # 10-21 J
```

```
s = (sigma/r)**6
s2= 4.*epsilon* (s**2. - s)
return s2
```

```
r=[] u=[] x=3. while x < 10:
```

```
    r.append(x)
    u.append(f(x))
    x=x+0.1
```

```
plot(r, u) show() </sxh>
```

Suggestion : récrire ce programme en utilisant des directives d'importation standard des librairies Matplotlib/NumPy

Application : forces de cohésion dans les cristaux de gaz rares

À basse température, les gaz rares peuvent donner des cristaux de structure cubique à face centrée ou hexagonale compacte. La phase cubique centrée peut également être investiguée. Dans chaque de ces structures, chaque atome possède alors d'autres atomes dans son voisinage immédiat (la

coordination 12 ou 8), mais aussi au delà. Pour caractériser l'énergie de cohésion et relier le paramètre du réseau cristallin à σ , il faut considérer la somme de toutes ces interactions, ou du moins de celles correspondant à un voisinage suffisant pour converger. En sommant pour N atomes, on obtient :

$$U_{\text{tot}} = \frac{1}{2} N (4\epsilon) \left[\sum_j \left(\frac{\sigma}{p_j R} \right)^{12} - \sum_j \left(\frac{\sigma}{p_j R} \right)^6 \right]$$

où R est la distance de séparation entre plus proches voisins et p_j représente les distances non dimensionnelles (réduites par rapport à R) entre les paires possibles d'atomes par rapport à l'atome de référence.

La distance d'équilibre R_0 pourra être obtenue facilement en minimisant U_{tot} . Cela nécessite de calculer pour le réseau envisagé les valeurs de $\sum_j p_j^{-12}$ et $\sum_j p_j^{-6}$.

Références

- Kittel, physique de l'état solide, chapitre 3
- <http://www.cmp.ucl.ac.uk/~ikr/3225/Section%203.pdf>
- http://th.fhi-berlin.mpg.de/th/lectures/materialscience-2004/vorlesung_2004/fest-k6-2004.pdf
- Données sur les gaz, σ du potentiel de Lennard-Jones (<http://www.hindawi.com/journals/jther/2013/828620/>) :
 - He : 262.8 pm
 - Ne : 277.5 pm
 - Ar : 340.1 pm
 - Kr : 360.1 pm
 - Xe : 405.5 pm
- Données cristaux (cubic close packed ou face centered, <http://www.webelements.com/>)
 - He : 424.2 pm
 - Ne : 442.9 pm
 - Ar : 525.6 pm
 - Kr : 570.6 pm
 - Xe : 620.23 pm

From:

<https://dvillers.umons.ac.be/wiki/> - **Didier Villers, UMONS - wiki**

Permanent link:

<https://dvillers.umons.ac.be/wiki/teaching:progappchim:lennard-jones?rev=1425550091>Last update: **2015/03/05 11:08**