

Plus ça rate, plus on a de chances que ça marche

Exercice basé sur cette devise "Shadoks", et pas seulement :

Les devises Shadok



EN ESSAYANT CONTINUUELLEMENT
ON FINIT PAR RÉUSSIR. DONC:
PLUS ÇA RATE, PLUS ON A
DE CHANCES QUE ÇA MARCHE.

Only by continually trying you finally succeed. Therefore the more
you fail, the greater the chance that you will succeed.



WWW.PHDCOMICS.COM

Réf : <http://phdcomics.com/comics/archive.php?comid=1946>

Questions

- Combien d'essais seront-ils nécessaires, en moyenne, pour obtenir une réussite, si la probabilité

élémentaire de réussite pour un essai vaut p ?

- Caractériser la distribution ?
- Simuler pour vérifier, représenter la distribution ?
- Application aux jeux de hasard (source : [lotterie nationale](#)) : soit un joueur décidant de miser 10 EUR par semaine (8 grilles) dans l'espoir de gagner le gros lot afin de finir ses jours sur une île paradisiaque. Statistiquement, combien de tirages seront nécessaires pour atteindre son objectif ? Quelle somme aura-t-il misé au total ?

Solution

Au premier essai, il existe une probabilité p de réussite. En cas d'échec, on passe au second essai avec une probabilité de $q = 1-p$, et ce second essai a lui même une probabilité p de réussite. Pour le calcul de la moyenne du nombre d'essais, cette probabilité $(1-p)$ doit être multipliée par 2. En poursuivant le raisonnement, on obtient pour la moyenne m :

$$m = 1 \cdot p + 2 (1-p) p + 3 (1-p)^2 p + 4 (1-p)^3 p + 5 (1-p)^4 p + \dots$$

On peut mettre p en évidence, et utiliser $q = 1-p$:

$$m = p (1 + 2 q + 3 q^2 + 4 q^3 + 5 q^4 + \dots)$$

On remarque que la parenthèse peut s'exprimer comme une dérivée par rapport à q :

$$m = p \frac{d}{dq} (q + q^2 + q^3 + q^4 + \dots)$$

On peut remplacer la série géométrique de raison q , donc :

$$m = p \frac{d}{dq} \frac{q}{1-q} = 1/p$$

 : compléter avec la distribution, la représentation, une simulation,...

Références

- [Loi géométrique](#)

From: <https://dvillers.umons.ac.be/wiki/> - **Didier Villers, UMONS** - wiki

Permanent link: https://dvillers.umons.ac.be/wiki/teaching:exos:plus_ca_rate_plus_on_a_de_chance_que_ca_marche?rev=1537192491

Last update: **2018/09/17 15:54**

